

سوال

ساعت امتحان: ۸ صبح
تاریخ امتحان: ۱۰/۱۴/۱۳۹۴
تعداد برگ: ۲ برگ

نام واحد آموزشی: **دیبرستان انفرزی اتمی ایران** نوبت امتحانی: دی ماه ۹۴ پایه: دوم
رشته های: تجربی و ریاضی وقت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
نام دبیر: جناب آقای قشلاقی سال تحصیلی: ۱۳۹۴-۹۵

ش صندلی (ش داوطلب):
نام و نام خانوادگی:
سوالات امتحان درس: هندسه ۱

۱- مفاهیم زیر را تعریف کنید. (۱/۵ نمره)

(الف) اصل توازی :

(ب) دو زاویه‌ی متقابل به رأس :

(ج) مورب دو خط هم صفحه :

۲- ثابت کنید نیمسازهای دو زاویه‌ی مجانب بر هم عمودند. (۱ نمره)

۳- زاویه‌ی بین دو نیمساز داخلی مثلث را بر حسب زاویه‌ی سوم به دست آورید. (۱ نمره)

۴- عبارت‌های زیر را با کلمات مناسب کامل کنید. (۱ نمره)

(الف) در هر صفحه، دو خط موازی با یک خط،

(ب) در هر صفحه دو خط عمود بر یک خط،

(ج) نیمسازهای دو زاویه‌ی متقابل به رأس،

(د) در هر مثلث قائم‌الزاویه، ضلع رویه‌رو به زاویه‌ی 30° ،

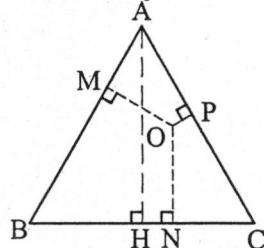
۵- ثابت کنید در هر مثلث قائم‌الزاویه، میانه‌ی وارد بر وتر، نصف وتر است. (۱/۵ نمره)

۶- ثابت کنید در هر مثلث متساوی الساقین، نیمساز خارجی زاویه‌ی رأس، با قاعده موازی است. (۱ نمره)

۷- قضیه: ثابت کنید در هر لوزی، قطرها نیمساز زاویه‌های رأسند. (۱/۵ نمره)

۸- ثابت کنید فاصله دو رأس رو بروی هر متوازی الاضلاع از قطر غیر همنام، مساوی است. (۱/۵ نمره)

۹- نشان دهید مجموع فواصل هر نقطه‌ی دلخواه درون مثلث متساوی الاضلاع، از اضلاع مثلث، برابر با ارتفاع مثلث است. (۱/۵ نمره)

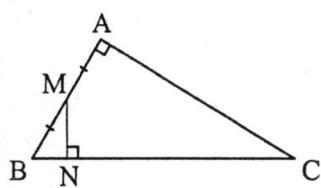


$$-\text{اگر } P \text{ نصف محیط و } S \text{ مساحت مثلث } ABC \text{ باشد، ثابت کنید: } \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{P}{S} \quad (1 \text{ نمره})$$

۱۱- ثابت کنید اگر از چهار رأس یک چهارضلعی، خطهایی به موازات قطرها رسم کنیم، از تلاقی آنها یک چهارضلعی حاصل می‌شود که مساحت آن دو برابر مساحت چهارضلعی اصلی است. (۱/۵ نمره)

$$12- \text{در هر مثلث قائم‌الزاویه به رأس } A \text{ ثابت کنید: } m_a^2 + m_b^2 + m_c^2 = \frac{3}{2}a^2 \quad (1/5 \text{ نمره})$$

۱۳- از نقطه‌ی M وسط ضلع AB از مثلث قائم‌الزاویه ABC که در رأس A قائم است، عمودی بر وتر BC وارد می‌آوریم تا آن را در نقطه‌ی N قطع کند، ثابت کنید: $NC^2 - NB^2 = AC^2$ (۱/۵ نمره)



۱۴- اگر محیط مستطیلی $2P$ ، و قطر آن d باشد، اختلاف بین طول و عرض آن را به دست آورید. (۱ نمره)

۱۵- عکس قضیه‌ی فیثاغورس را فقط بیان کنید. (۵ نمره)

$$\frac{a}{b+a} = \frac{c}{d+c}, \text{ ثابت کنید: } \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

۱۷- نقطه‌ی C روی پاره خط AB چنان قرار دارد که قطعه‌ی بزرگ‌تر، واسطه‌ی هندسی بین قطعه‌ی کوچک‌تر و تمام پاره‌خط AB است. اگر قطعه‌ی بزرگ‌تر باشد، نسبت BC به AC را به دست آورید. (۱ نمره)

محل انجام محاسبات