

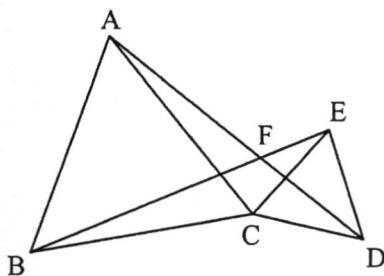
ساعت امتحان: ۸ صبح
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵ / ۲ / ۱
تعداد برگ: ۲ برگ

نام واحد آموزشی: **دیبرستان انرژی اتمی ایران** نوبت امتحانی: خرداد ماه ۹۵ پایه: دوم
رشته های: تجربی و ریاضی وقت امتحان: ۱۱۰ دقیقه
نام دبیر: جناب آقای قشلاقی سال تحصیلی: ۱۳۹۴ - ۹۵

ش صندلی (ش داوطلب):
نام و نام خانوادگی:
سوالات امتحان درس: هندسه ۱

۱- قضیه: ثابت کنید مجموع زوایای داخلی هر مثلث برابر با یک نیم صفحه است. (۱/۵ نمره)

۲- در شکل روی رو مثلث های ABC و CDE متساوی الاضلاع اند. ثابت کنید: $AD = BE$ (۱ نمره)



۳- جاهای خالی را با کلمات مناسب پُر کنید. (۱ نمره)

الف) بر طبق اصول مساحت، مساحت شکل های باهم برابر است.

ب) نسبت مساحت دو مثلث هم ارتفاع، برابر با نسبت نظریشان است.

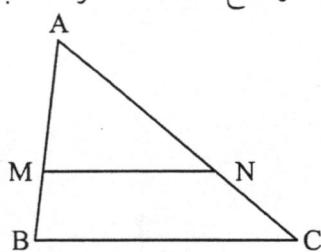
ج) اگر مساحت مربعی برابر با 144 واحد مربع باشد، اندازهی قطر آن خواهد بود.

د) بزرگترین قطر یک شش ضلعی منتظم به ضلع a ، برابر با است.

۴- ثابت کنید مساحت هر مثلث متساوی الاضلاع به ضلع a برابر با $\frac{\sqrt{3}}{4} a^2$ است. (۱/۵ نمره)

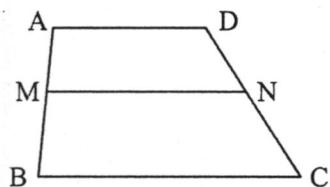
۵- می‌دانیم «اگر خطی موازی یک ضلع مثلث رسم شود و دو ضلع دیگر یا امتدادهای آنها را قطع کند، بر روی آن دو ضلع، قطعات متناظر متناسب به وجود می‌آورد.» (قضیه‌ی تالس). یعنی در شکل مقابل با داشتن $MN \parallel BC$ خواهیم داشت:

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$$



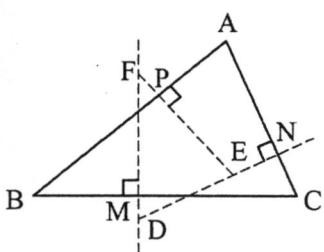
$$\text{ثابت کنید: } \frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC} \quad (\text{تممیم قضیه‌ی تالس}) \quad (2 \text{ نمره})$$

۶- در شکل رویه‌رو، اگر $MN = \frac{m \cdot CD + n \cdot AB}{m+n}$ باشند، نشان دهید: $\frac{AM}{MB} = \frac{DN}{NC} = \frac{m}{n}$

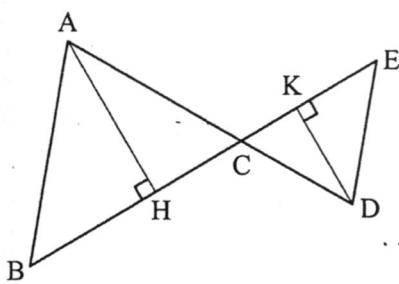


۷- ثابت کنید اگر دو مثلث متشابه باشند، آن‌گاه نسبت نیمسازهای نظیر برابر با نسبت تشابه است. (۱ نمره)

-۸- از نقاط دلخواه P و N, M بر روی اضلاع AB , AC, BC از مثلث ABC سه عمود خارج کرده‌ایم تا دوبه دو یکدیگر را قطع کنند. اگر نقاط برخورد را D, E, F بنامیم؛ ثابت کنید: $\Delta ABC \sim \Delta DEF$ (۱/۵ نمره)



-۹- در شکل، $DK = 6$, $AH = 8$ و $BE = 35$ است. (۱/۵ نمره)
 الف) نسبت مساحت‌های دو مثلث ABC و CDE را به دست آورید.
 ب) مساحت مثلث CDE را به دست آورید.



-۱۰- مفاهیم زیر را تعریف کنید. (۱ نمره)

الف) چندوجهی:

ب) ارتفاع هرم:

-۱۱- ثابت کنید اندازه‌ی قطر مکعب مستطیل، برابر است با جذر مجموع مربعات سه بعد آن. (۱/۵ نمره)

۱۲- ثابت کنید مجموع فواصل هر نقطه‌ی دلخواه درون یک چهاروجهی منتظم، از تمامی وجهه، برابر با ارتفاع چهاروجهی منتظم است. (۱/۵ نمره)

۱۳- مثلث قائم‌الزاویه‌ی ABC ($\hat{A} = 90^\circ$) را حول وتر آن دوران داده‌ایم. حجم جسم حاصل از دوران را به‌دست آورید. (۱/۵ نمره)

۱۴- دو استوانه هم حجمند. اگر مساحت قاعده‌ی اوّلی، چهار برابر مساحت قاعده‌ی استوانه‌ی دوم باشد، نسبت مساحت‌های این دو استوانه چقدر است؟ (۱ نمره)

۱۵- گرهای درون استوانه‌ای محاط است. نسبت مساحت کره به مساحت استوانه را حساب کنید. (۱ نمره)