

**با سمه تعالی**

نام و نام خانوادگی:	سال سوم آموزش متوجه	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
۲	تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۰۳/۰۳	تعداد صفحه:	۱	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵ مرکز سنجش آموزش و پژوهش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>				

**توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلا مانع است.**

ردیف	سوالات	نمره
۱	در هر مورد نوع استدلال ریاضی را مشخص کنید. الف) روش نتیجه گیری با استفاده از حقایقی که درستی آن ها را پذیرفته ایم. ب) روش نتیجه گیری کلی بر مبنای مجموعه محدودی از مشاهدات است. ج) روش اثباتی که در آن با استفاده از درستی حکم به یک رابطه بدیهی یا فرض مساله می رسیم.	۰/۷۵
۲	با استفاده از اصل استقراء ثابت کنید: $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2}\right)^2, \quad n \in N$	۲
۳	حکم درست را اثبات کرده و برای رد حکم نادرست مثال نقض ارائه دهید. الف) حاصل ضرب هر دو عدد حقیقی، کوچک تر یا مساوی نصف مجموع مربع های آن هاست. ب) حاصل جمع دو عدد گنگ، عددی گنگ است.	۱/۷۵
۴	شرکت کنندگان در یک آزمون ریاضی ۲۰۷۳ نفر می باشند. حداقل چند شرکت کننده وجود دارد که حرف اول نام و نام خانوادگی آن ها به زبان فارسی یکسان است؟ دلیل ارائه کنید.	۱
۵	جاهاي خالي را با اعداد مناسب پر کنيد. الف) مجموعه $\{\{\phi\}, \{\}\}$ دارای ..... زير مجموعه است. ب) دو زوج مرتب $(-1, -y^2), (x+2^2, 0)$ و $(0, 3)$ با هم برابرند. مقدار $y$ برابر با ..... است. ج) دو مجموعه $A = \{-1, 0, 1, 2\}$ و $B = \{-3, -2, 1, 2, 3\}$ را در نظر بگيريد. مجموعه $A \times B$ دارای ..... عضو است.	۱
۶	اگر $A$ و $B$ دو مجموعه باشند، به کمک جبر مجموعه ها ثابت کنید: $A \Delta B = (A \cup B) - (A \cap B)$	۱/۵
۷	نمودار رابطه زير رارسم کنيد. $A = \{(x, y) \mid x, y \in R, x^2 + y^2 \leq 1, y \geq  x \}$	۰/۷۵
۸	چهار افزار متفاوت برای مجموعه $\{1, 2, 3\}$ $A = \{1, 2, 3\}$ بنويسيد.	۱
۹	رابطه $R$ بر روی $R^3$ به صورت رو به رو تعریف شده است: الف) ثابت کنید $R$ تعدی است. ب) رابطه $R$ رابطه ای هم ارزی است. کلاس هم ارزی $[(2, 1)]$ را بنويسيد.	۱/۲۵
۱۰	اگر $A$ و $B$ دو پیشامد در فضای نمونه ای $S$ باشند، با رسم نمودار ون، پیشامد " تنها یکی از دو پیشامد $A$ یا $B$ اتفاق بیفتند." را نمایش دهید.	۰/۵

« ادامه سوالات در صفحه دوم »

**پاسمه تعالی**

نام و نام خانوادگی:	سال سوم آموزش متوجه	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
۲ تعداد صفحه:	۱۳۹۵ / ۰۳	تاریخ امتحان:	۱۳۹۵	۰۳/۰۳
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان ازاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵			مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	

**توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است.**

ردیف	سوالات	نمره
۱۱	سکه ای را یک بار پرتاپ می کنیم. اگر سکه رو ظاهر شد، آن گاه تاس را می ریزیم. در غیر این صورت یک بار دیگر سکه را می اندازیم. الف) فضای نمونه ای این آزمایش تصادفی چند عضو دارد؟ ب) پیشامد $A$ که در آن عدد ظاهر شده روی تاس زوج باشد یا سکه پشت بیاید را با اعضا بنویسید.	۱/۵
۱۲	دو تاس را با هم می ریزیم. احتمال آن را بباید که مجموع اعداد ظاهر شده روی تاس ها برابر ۶ شود.	۱/۲۵
۱۳	در ظرفی ۷ مهره قرمز و ۴ مهره سفید است. به تصادف ۲ مهره با هم بیرون می آوریم. احتمال آن که دو مهره هم رنگ باشند را محاسبه کنید.	۱
۱۴	سکه ای را ۲۰ بار می اندازیم. احتمال آن که ۸ بار رو ظاهر شود را بباید.	۱
۱۵	سه اسب $a, b, c$ با هم مسابقه می دهند. اسب های $a$ و $c$ دارای احتمال بردن مساوی هستند و شанс $b$ ، دو برابر شанс بردن $a$ است. احتمال آن که دو اسب $a$ یا $b$ ببرند را به دست آورید.	۱/۲۵
۱۶	دو عدد مانند $x$ و لزبه تصادف از بازه $[0, 4]$ انتخاب می شوند. احتمال آن که $ y - x  < 3$ باشد را محاسبه کنید.	۱/۵
۱۷	عددی به تصادف از مجموعه $\{1, 2, 3, \dots, 40\} = S$ انتخاب می کنیم. احتمال این که عدد انتخابی بر ۳ بخش پذیر باشد ولی بر ۵ بخش پذیر نباشد را بباید.	۱
دانلود از سایت سوال سرا		جمع نمره
دانلود از سایت سوال سرا		موفق باشید «

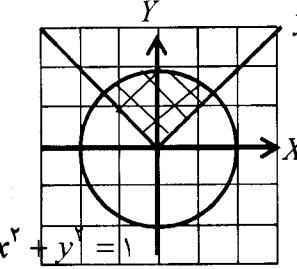
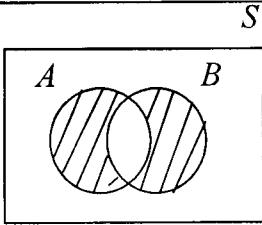
باشه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵ / ۰۳ / ۰۳	سال سوم آموزش متوسطه	
مرکز سنجش آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵ <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان روزانه، بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) استنتاجی (۰/۲۵) صفحه ۱۶    ب) استقرایی (۰/۲۵) صفحه ۲۲    ج) بازگشتی (۰/۲۵) صفحه ۳	۰/۷۵
۲	<p>مثال صفحه ۶</p> <p>مقدمه استقرا <math>n=1 \Rightarrow 1^3 = \frac{1 \times 2}{2} \Rightarrow 1=1 \quad (0/25)</math></p> <p>فرض استقرا <math>n=k \Rightarrow 1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + k^3 = \left(\frac{k(k+1)}{2}\right)^3 \quad (0/25)</math></p> <p>حكم استقرا <math>n=k+1 \Rightarrow 1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + k^3 + (k+1)^3 = \left(\frac{(k+1)(k+2)}{2}\right)^3 \quad (0/25)</math></p> $\begin{aligned} 1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + k^3 + (k+1)^3 &= \underbrace{\left(\frac{k(k+1)}{2}\right)^3}_{(0/25)} + (k+1)^3 = \frac{k^3(k+1)^3}{4} + (k+1)^3 \\ &= \underbrace{\frac{(k+1)^3}{4}(k^3 + 4(k+1))}_{(0/25)} = \underbrace{\frac{(k+1)^3}{4}(k^3 + 4k + 4)}_{(0/25)} = \underbrace{\frac{(k+1)^3(k+2)^3}{4}}_{(0/25)} = \underbrace{\left(\frac{(k+1)(k+2)}{2}\right)^3}_{(0/25)} \end{aligned}$	۰/۷۵
۳	الف) درست (۰/۲۵)	۱/۷۵
۴	<p>رابطه بدیهی است بنابراین تعامی مراحل بازگشت پذیر است. (۰/۲۵) تمرين صفحه ۲۵</p> <p>ب) نادرست (۰/۲۵) ارائه مثال نقض (۰/۵) مثال صفحه ۱۹</p> <p>چون حرف اول نام ۳۲ حرف و حرف اول نام خانوادگی نیز ۳۲ حرف می تواند باشد، تعداد لانه ها برابر <math>10^{24} \times 10^{24} = 10^{48}</math> است. (۰/۲۵) از طرفی تعداد شرکت کنندگان (کبوتر) برابر <math>3073 \times 10^{24} = 3073 \times 10^{24}</math> است.</p> <p>طبق اصل لانه کبوتری <math>10^{24} \times 10^{24} = 10^{48}</math> شرکت کننده وجود دارند که حرف اول نام و نام خانوادگی آن ها یکی است. (۰/۲۵) صفحه ۳۰</p>	۱/۷۵
۵	الف) ۴ (۰/۲۵) صفحه ۴۰    ب) $y = \pm 2$ (۰/۲۵) تمرين صفحه ۵۹    ج) $20 \times 59 = 1180$ (۰/۵) تمرين صفحه ۵۹	۱
۶	<p>تمرين صفحه ۵۵</p> $\begin{aligned} A \Delta B &= (A - B) \cup (B - A) = \underbrace{(A \cap B') \cup (B \cap A')}_{(0/25)} = \underbrace{((A \cap B') \cup B) \cap ((A \cap B') \cup A')}_{(0/25)} \\ &= \underbrace{((A \cup B) \cap (B \cup B')) \cap ((A' \cup B') \cap (A \cup A'))}_{(0/25)} = \underbrace{(A \cup B) \cap (A \cap B')}_{(0/25)} = (A \cup B) - (A \cap B) \end{aligned}$	۱/۵
ادامه در صفحه دوم		

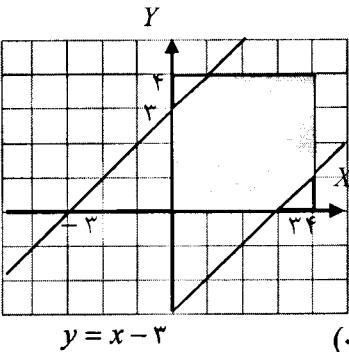
باشه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵ / ۰۳ / ۰۳	سال سوم آموزش متوسطه	
مرکز سنجش آزاد سراسرکشوندگی خرداد ماه سال ۱۳۹۵ <a href="http://ace.medu.ir">http://ace.medu.ir</a>	دانش آموزان روزانه، بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسرکشوندگی خرداد ماه سال ۱۳۹۵	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۷	نمودارهای $y =  x $ (۰/۲۵)، ناحیه هاشور زده (۰/۲۵)  $x^2 + y^2 = 1$	۰/۷۵
۸	۱) $\{1\}, \{2\}, \{3\}$ و $\{1,2\}, \{3\}$ و $\{1,3\}, \{2\}$ و $\{2,3\}, \{1\}$ و $\{1,2,3\}$ باید ۴ افزار از ۵ افزار نوشته شود. هریک از افزارها (۰/۲۵) مثال صفحه ۶۶	۱
۹	(الف) $(a,b)R(c,d)$ , $(c,d)R(e,f) \Rightarrow (a,b)R(e,f)$ ? $a=c$ (۰/۲۵), $c=e$ (۰/۲۵) $\Rightarrow a=e$ (۰/۲۵) $\{(2,1)\} = \underbrace{\{(a,b) \mid (a,b)R(2,1)\}}_{(0/25)} = \{(a,b) \mid a=2\}$ (۰/۲۵)	۱/۲۵
۱۰	 (۰/۵)	۰/۵
۱۱	(الف) ۸ عضو. (۰/۲۵) ۸۱ تمرین صفحه (۰/۲۵) $A = \{(j,p), (p,j), (p,p), (r,r), (r,p), (p,r), (r,j), (j,r)\}$	۱/۵
۱۲	$n(S) = ۳۶$ (۰/۲۵), $A = \{(1,5), (2,4), (3,3), (4,2), (5,1)\}$ (۰/۷۵) $\Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{۵}{۳۶}$ (۰/۲۵) مثال صفحه ۸۴	۱/۲۵
۱۳	$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{\binom{۷}{۲}(0/25) + \binom{۴}{۲}(0/25)}{\binom{۱۱}{۲}(0/25)} = \frac{۲۷}{۵۵}$ مثال صفحه ۸۶	۱
۱۴	$P(A) = \frac{\binom{۲۰}{۸}(0/5)}{\binom{۲۵}{۸}(0/5)}$ مثال صفحه ۹۰	۱
۱۵	$P(a) = P(c)$ , $P(b) = ۲P(a)$ $\Rightarrow P(a) = \frac{۱}{۴}$ (۰/۲۵), $P(b) = \frac{۱}{۲}$ (۰/۲۵) $P(a) + P(b) + P(c) = ۱$ (۰/۲۵) $P(a \cup b) = \underbrace{P(a) + P(b)}_{(0/25)} = \frac{۳}{۴}$ (۰/۲۵) مثال صفحه ۹۸	۱/۲۵
ادامه در صفحه سوم		

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵ / ۰۳ / ۰۳	سال سوم آموزش متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۵ <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۶	 $y = x + 3$ $y = x - 3$	تمرین صفحه ۱۰۹ $a_S = 16 \quad (./25)$ $a_A = 16 - 2 \times \left(\frac{1}{2} \times 1 \times 1\right) \quad (./25)$ $P(A) = \frac{a_A}{a_S} = \frac{15}{16} \quad (./25)$
۱۷	$A : \text{بر } ۳ \text{ بخش پذیر بودن} \quad B : \text{بر } ۵ \text{ بخش پذیر بودن}$	صفحه ۱۲۰ $P(A) = \frac{\boxed{40}}{\boxed{40}} = \frac{13}{40} \quad (./25), P(A \cap B) = \frac{\boxed{10}}{\boxed{40}} = \frac{2}{40} \quad (./25) \Rightarrow P(A - B) = P(A) - P(A \cap B) = \underbrace{P(A) - P(A \cap B)}_{(./25)} = \frac{11}{40} \quad (./25)$
۲۰	«موفق باشید»	جمع نمره

[www.soalsara.ir](http://www.soalsara.ir)

دانلود از سایت سوال سرا

[www.soalsara.ir](http://www.soalsara.ir)

دانلود از سایت سوال سرا