

ساعت امتحان: ۱۰/۳۰ صبح
تاریخ امتحان: ۱۳۹۱/۳/۱۰
تعداد برگ سوال: ۱برگ

نام واحد آموزشی: **دیبرستان انرژی اتمی ایران** نوبت امتحانی: خرداد ماه ۹۱ بایه: چهارم
نام پدر: رشتہ های: تجربی وقت امتحان: ۹۰ دقیقه
نام دیبر/دیران: جناب آقای رفیعی سال تحصیلی: ۱۳۹۰-۹۱

ش صندلی (ش داوطلب):
نام و نام خانوادگی:
سوالات امتحان درس: ریاضی تجربی

۱- در پرتاب دو سکه با هم، هر دو عدد فرد ظاهر شده‌اند. با کدام احتمال مجموع این دو عدد کمتر از ۱۰ می‌باشد؟ (۱۰٪)

۲- به ازای کدام مقدار m مجموع مجذورات دو ریشهٔ حقیقی معادله $2 - 2x(x - m) = m$ برابر ۴ می‌باشد؟ (۱۰٪)

۳- برد تابع $y = x - [x] + 1$ در کدام بازه است؟ (۵٪، غریب)

۴- جواب کلی معادلهٔ مثلثاتی $(\sin x + \cos x)^2 = \frac{2}{3} \operatorname{tg}^2 \left(\frac{2\pi}{3} \right)$ کدام است؟ (۱۰٪، غریب)

۵- اگر $\log_4 \sqrt{125}$ باشد $\log_{10} 2$ کدام است؟ (۱۰٪، غریب)

۶- حاصل $\lim_{x \rightarrow 0} (1+x)^{\frac{1}{x}}$ کدام است؟ (۱۰٪، غریب)

۷- مقدار مشتق تابع $y = 1 + \sin \frac{x}{y}$ در نقطه $(\pi, 1)$ کدام است؟ (۱۰٪، غریب)

۸- مشتق تابع $y = \ln \frac{\sqrt{x+1}}{x^3}$ به ازای $x = 3$ کدام است؟ (۱۰٪، غریب)

۹- کمترین مقدار تابع $f(x) = x^3 - 9x$ در بازهٔ $[3, -1]$ کدام است؟ (۱۰٪، غریب)

۱۰- مجانب‌های نمودار تابع $y = \frac{x^3}{x^2 - x - 2}$ در دو نقطهٔ A و B متقطع‌اند. فاصلهٔ A و B کدام است؟ (۱۰٪، غریب)

۱۱- تقریب تابع با خصیطهٔ $f(x) = \frac{x^2}{2} + \ln x$ در کدام بازه رو به پایین است؟ (۱۰٪، غریب)

۱۲- نقطه‌ی $(-1, 1)$ کانون سهمی و خط هادی آن به معادلهٔ $x = 3$ است. این سهمی محور y‌ها را در دو نقطه قطع می‌کند. فاصلهٔ آن دو نقطه کدام است؟ (۱۰٪، غریب)

۱۳- سه نقطه‌ی $(1, 2), (0, 1)$ و $(-1, 0)$ در یک استقامت‌اند. a کدام است؟ (۱۰٪، غریب)

۱۴- دایره‌ای به معادله $a(x^2 + y^2 - 2x) + (x^2 + y^2 - 2y) = 0$ می‌گذرد. شعاع دایره کدام است؟ (۱۰ اعده)

۱۵- خط به معادله $2x - y = 0$ یکی از مجانب‌های هذلولی است محور کانونی منطبق بر محور x ها است. خروج از مرکز هذلولی کدام است؟ (۵ اعده)

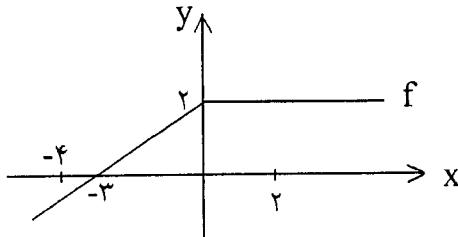
۱۶- نقطه‌ی M بر روی بیضی به معادله $5x^2 + 4y^2 - 8y + 6x = 0$ واقع است. مجموع فواصل M از دو کانون این بیضی چه قدر است؟ (۵ اعده)

۱۷- مساحت محدود به منحنی $y = \sin 2x$ و محور x ها در یک طاق آن کدام است؟ (۱۰ اعده)

$$\int_1^3 \frac{2x+1}{\sqrt{x^2+x}} dx$$

۱۸- حاصل کدام است؟ (۱۰ اعده)

۱۹- با توجه به شکل، تابع f حاصل $\int_{-4}^2 f(x) dx$ کدام است؟ (۱۰ اعده)



۲۰- مساحت ناحیه محدود به دو نمودار به معادلات $x^2 + y^2 = 1$ و $y = 1$ کدام است؟ (۱۰ اعده)

موفق باشید.